## **Landesbibliothek Oldenburg**

## Digitalisierung von Drucken

## Oldenburgische Blätter. 1817-1848 27 (1843)

6 (7.2.1843)

urn:nbn:de:gbv:45:1-795817

# Sldenburgische Blåtter.

No 6. 200 11 200 Dienstag, den T. Februar. moore bed 1843.0 fi

## Reine verkehrte Megeldetri!

ricen ill. 3ch bake mich forgion. Solution 12.5 ocen, antengebruig für ble In No 25. biefer Blatter v. J. 1842 wurde bemerkt, bag bie Lehre von ben gusammen-gesehten Berhaltniffen noch sehr der Klarheit und ber Fastlichkeit im Bortrage ermangele. Die vorzüglichsten Rechenbucher mogen zu biefer Behauptung als Belege bienen. Um unsere Ueberschrift geltend zu machen, und um zu beweisen, daß die Arithmetit nicht auf Berkehrtheiten gegrundet fein kann, wird es nothig fein, zuvor einige Begriffe, welche auf bas Folgende Bezug haben, hier naber zu bestimmen.

Das Wefentliche aus ber Lehre bon ben Berhaltniffen und Proportionen wird ber geehrte Lefer fast in jedem arithmetischen Werke vorfinden; hier nur noch Dasjenige, mas vielleicht weniger

bekannt sein mochte.

a.

Die Proportion hat folgende Form:

a: b = c: d, I.

Die Glieder (a, b, c, d) heißen nach der Ordnung: erstes, zweises, drittes und viertes Glied; ferner heißen die Glieder außerhalb des [:] außere, und diejenigen innerhalb des [:] ober am Gleichheitszeichen, mittlere Glieber.

Die Proportion läßt sich auch als die Gleichheit zweier Brüche darstellen: 1)  $\frac{a}{b}=\frac{c}{d}$  oder 2)  $\frac{b}{a}=\frac{d}{c}$ 

2)  $\frac{\omega}{a} = \frac{1}{c}$  Mutlipliciren wir die beiden Bruche jeder dieser Gleichungen mit dem Producte ihrer Menner: fo folgt

aus 1)  $\frac{a}{b} \cdot bd = \frac{c}{d} \cdot bd$ , ober ad = bc, eben so folgt aus 2)  $\frac{b}{a} \cdot ac = \frac{d}{c} \cdot ac$ , ober bc = ad.

Was fur 1 und 2 gultig ift, muß auch fur I gultig fein; die Bedingung ber Proportion beißt also: bas Product aus den beiben außern Gliedern ift so groß als bas Product aus den beis den mittlern Gliebern.

Die Gleichung: ad = bc, II. fann folglich als bie Bedingungsgleichung der Proportion angesehen werden.



de l'arudus

Aus II. folgt: 1)  $a = \frac{bc}{d}$ ; 2)  $b = \frac{ad}{c}$ ; 3)  $c = \frac{ad}{b}$ ; 4)  $d = \frac{bc}{a}$ Sind bemnach 3 Großen in II bekannt, fo fann man bie 4te Große baraus herleiten.

d. In Bezug auf I werben biefe 4 Abtheilungen fo ausgebruckt: 1) Das erfte Glied (a)

ift fo groß, als bas Product ber mittlern Glieber (bc), bivibirt burch bas 4te Glieb d;
2) Das zweite Glieb (b) ift fo groß, als bas Product ber außern Glieber (ad), bivibirt

burch bas 3te Glieb (c);

3) Das 3te Blied (c) ift fo groß, als bas Product ber außern Glieber (ad), bivibirt burch

bas 2te Glied (b);

4) das 4te Blieb (d) ift fo groß, als bas Product ber mittlern Glieder (bc), bivibirt durch bas erfte Glied (a).

Beifpiele. 1) Uns 3: 4 = 6: x, folgt  $x = \frac{4.6}{3} = 8$ ; 2) ans 3: 4 = x: 8, folgt  $x = \frac{3.8}{4} = 6$ ; 3) aus 3: x = 6: 8, folgt  $x = \frac{3.8}{6} = 4$ ; 4) and x:4=6:8, folgot  $x=\frac{4}{8}=3$ .

Man vergleicht nur bas Gleichartige mit bem Gleichartigen; die Glieder eines Berhaltniffes muffen also gleich benannt fein; wie z. B. a Ellen : b Ellen = c Thaler : d Thaler.

Da zufolge der Multiplication nicht zwei benannte Großen mit einander multiplicirt merben können, so muß nothwendig das eine Berhaltniß der Proportion unbenannt sein. Es gilt aber allemal: a Ellen: b Ellen = a:b, und c Thaler: d Thaler = c:d; hieraus soigt entweder a:b = c Thir.: d Thir., wenn die gesuchte Größe Thaler bezeichnet; oder a Ellen: b Ellen = c:d, wenn die gesuchte Größe Ellen bezeichnet; oder man sehe ohne alle Benennung

a:b=c:dund fuge erft am Schluß ber gefundenen Große ben Namen bei.

Die Glieber einer Proportion konnen gnfammengefett fein:

AB: ab = PQ: pq, woraus nach II. folgt: ABpq = abPQ. Heraus folgt  $A = \frac{abPQ}{Bpq}$ ;  $B = \frac{abPQ}{Apq}$ ;  $a = \frac{ABpq}{bPQ}$  n.

Bezeichnen A, B, C; a, b, c bie Geiten zweier Rechtede; F, f Flachen; R, f Rorger, fo a ne = ac, over his said gelten die Proportionen F: f = AB: ab; wo man die Producte als abstracte Bahlen betrachten darf.

Arafte vergleicht man nach ihren Birfungen. Die Ginheit ber Kraft glebt in ber Ginheit

ber Beit bie Ginheit ber Wirkung; bie Wirkung ift folglich ein Product aus Rraft und Beit, und es wird nunmehr folgende Proportion gelten:

KZ: kz = W: w.

Es fei g. B. bie Einheit ber Rraft eine Perfon, die Einheit ein Tag, die Wirkung, welche eine Perfon in einem Zage erzeugt, beiße q: fo gelten folgende Gage:

1 Manu in einem Tage vollbringt bas Bert 1 q; k " " Lage vollbringen " " k q;

k " " Z Zagen " " " kzq; K " " Z " " " KZq;

Nun sei kzq = w; KZq = W: so gift auch KZ: kz = W: w.

Rach dieser Borbereitung geben wir zur Losung unfers Problems über. Die Urbeit, welche vorliegt, lagt fich burch folgende Formeln andeuten, welche wir im Wefentlichen bereits entwidelt haben. Diefe Formeln find : 

3) AB + CD +  $\pi$ . = PQ + RS +  $\pi$ .;

4) ABC + CDE + u = PQR + STU + u;

5) AB: ab = P: p; 6) AB: ab = PQ: pq; 7) AB: ab = PQR: pqr;

8) AB + CD + ic: ab + cd ic = P; p.

Aufgabe 1. Gin Garten ift 30 Ruthen lang und 18 Ruthen breit; ein anderer Garten von berfelben Große ift 20 Ruthen lang, wie breit ift derfelbe?

Muflofung.

Die Lange und Breite bes einen Gartens bezeichne man burch A u. B, bes anbern Gartens burch P u. Q: fo gilt Formel 1.

AB = PQ, ober in Bablen:

bivibire mit 10 . 2 = 20

fo fommt 3 . 9 =

Die Breite Q haft alfo 27 Ruthen.

Aufgabe 2.

Eine Mauer ift 240 Fuß lang, 15 guß boch und 2 guß bid; eine andere Mauer, von bemfelben cubischer Inhalte, ift 30 Fuß boch und 3 Fuß bid, wie lang ift fie gewesen?

Auflösung.

A, B und C bezeichnen Bange, Sohe und Dide ber einen; P, Q und R Bange, Sohe und Dide ber andern Mauer: fo gilt nach Formel 2):

A B C = P Q R, in Bablen:

240.15.2 = P.30.3, 30.1 = 30.3

Die Länge P ist also 80 Ruthen gewesen.

nang das Aufgabe 3. das C m mid tholm, adamus ak

Jemand erhielt Bohlen. 50 Stud, a 24 Fuß lang, 14 Boll breit und 3 Boll bid; 60



Stud, à 20 Jug lang, 12 3oll breit und 4 3oll bid; 100 Stud, à 18 Jug lang, 18 3oll breit

und 21/2 Boll bick.

Ein andermal empfangt er 100 Stud a 24 Fuß lang, 16 Boll breit und 31/2 Boll bid; 80 Stud, à 30 Fuß lang und 10 Boll breit. Wenn nun, nach Cubikfuß gerechnet, die letzte Sendung so viel betragen soll, als die erfte, wie did muß jede Boble der letzten 80 Stud gewelen fein? l Mann in einem Luge vollgendingen bas Mert 1 q; mefen fein?

Da hier die Bahl ber Bohlen noch einen befondern Factor giebt, fo gift folgende Formet:

Stud Fuß Boll Boll .OI = AA

a . A . B . C =  $50 \cdot 24 \cdot 14 \cdot 3$  = 50400 ; 144 Cubiffuß b . D . E . F =  $60 \cdot 20 \cdot 12 \cdot 4$  = 57600 ; 144 "

c . G . H . J = 100 .  $18 \cdot 18$  .  $2\frac{1}{2}$  = 81000 : 144

Inhalt ber erften Sendung = 199000 : 144 Cubitsuß

haben. Diese Formeln find :

Singali del Circuis

Etiaf Fuß 30U 30U

p. P. Q. R = 100 . 24 . 16 . 3 1/2 = 134400 : 144 Cubiffuß

q. S. T. U = 80 . 30 . 10 . U = 24000 U: 144 »

Es ift also:

24000 U + 134400 = 199000

ober 240 U + 1344 = 1990 - 1344 = 1344

Die Dide U ber letten 80 Stud Bohlen ift alfo nahe an 23, Boll gewefen.

### Hufgabe 4.

Bie groß ift bas Capital gewesen, welches in 2 Ihren und 8 Monaten 640 Thaler Binfen gu 4 Procent bringt?

## Cine Maner in 210 Auf lang, to Spuidluk no a fine bid

Das Capital wirft in ber Beit und bie Birfung ift ber Bins, es gilt affo obige Formel:

Stellt man obige Mufgabe in folgender Form bar: fo wird fich viel leichter bie Proportion baraus berleiten laffen:

1) 100 Thaler Capital geben 4 Thaler Binfen;

2) X Thaler Capital in 32 M. (2 3. 8 M.) " 640 Thaler Binfen.

Die Aufgabe gerfallt bier in 2 Cabe und jeber Gat wieberum in 2 Blieber. In d) ift gezeigt worden, bag es gleich gultig ift, welches Glied man querft fege. Rach unferer Proportion



KZ : kz = W : w muß also gelten: X . 32 : 100 . 12 = 640 : 4; und nach II. ist weine The X is a number of X is 32 4 = 100  $\cdot$  12  $\cdot$  640 and in the state of A data and the A is A and A and A and A and A and A and A are A are A are A and A are A are A and A are A are A and A are A and A are A are A and A are A are A and A are A and A are A are A are A and A are A are A and A are A are A are A are A and A are A are A are A and A are A and A are A are A are A and A are A are A are A are A and A are A a

X = 100 . 3 . 20 Das Capital X ist folglich 6000 Thaler gewesen. Aufgabe 5. 8 Mann vollenden eine Urbeit in 12 Tagen; in wie viel Beit wurden 16 Mann biefe Arbeit vollendet haben? = d & A = 37 den Auflösungen sonie nie in stad nichte in

Segen wir in unfrer Proportion bie Birfungen einander gleich, b. i. W = w fo muß auch KZ = kz fein; es ift also

Hufgabe 6.

16 Arbeiter vollenden in 45 Zagen einen Graben, welcher 144 Ellen lang ift; wie viel Arbeiter find erforderlich, wenn ein 160 Ellen langer Graben in 98 Tagen vollendet werden foll? Dber: pysmily a dulgat sis ganodif de

2) in z = 98 Tagen

in z = 98 Tagen Auflöfung. KZ : kz = W : w 16.45: X.98 = 144: 196 Hieraus folgt die Bedingungsgleichung II. X.98.144 = 16.45.196bividirt mit 98.144 = 16.9.98

= 5. 2 = 10 Arbeiter. so kommt X = K Aufgabe 7.

12 Mann haben in 4 Monaten, den Monat ju 24 Tagen und ben Tag ju 10 Stunden gerechnet, 300 Thaler verdient; wie viel wurden, unter gleichen Bedingungen, 20 Mann in 6 Monaten, ju 20 Tagen und ben Tag ju 12 Stunden, verdienen?

Doer: 1) K = 12 Mann in Z = 4 . 24 . 10 Stunden verdienen W = 300 Thaler

2) k = 20 Mann in z = 6 . 20 . 12 Stunden

ober 12 . 4 . 24 . 10 X = 20 . 6 . 20 . 12 . 300

:12.4.24.10 = 2.6.20.12.4 over X = 300% = 750 Thaler Timble elle imm Aufgabe 8.

Wenn 18 Weber in 6 Wochen gu 4 Tagen und taglich 9 Stunden 40 Stud Leinen a 45 Ellen lang und %, breit verfertigen; wie viel Stud a 60 Glen und % breit tonnen 12 Beber in 10 Wochen zu Tagen a 6 Stunden fertig machen?

1) K = 18 Weber verfertigen St. = 40 { L = 45 Ellen lang | B = \( \frac{1}{2} \) Ellen breit;

2) k = 12 Weber | " ft. = X { l = 60 Ellen lang | b = \( \frac{5}{4} \) Ellen breit 2) in z = 360 Stunden

Im erften Sage ift Stud, Lange und Breite burch St., L, B, im andern burch ft., I, b bezeichnet worden; bie Proportion ift alfo

The motion; the groupotition in any  $K \cdot Z : k \cdot z = \mathfrak{S}t$ .  $L \cdot B : \mathfrak{f}t \cdot 1$ , k; ober  $18 \cdot 216 : 12 \cdot 360 = 40 \cdot 55 \cdot \frac{6}{4} : X \cdot 60 \cdot \frac{5}{4}$  ober  $18 \cdot 216 \cdot 60 \cdot \frac{5}{4} \cdot X = 12 \cdot 360 \cdot 40 \cdot 45 \cdot \frac{6}{4}$  ober  $2 \cdot 9 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 60 \cdot \frac{5}{4} \cdot X = 2 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 10 \cdot 40 \cdot 5 \cdot 9 \cdot \frac{6}{4}$  ober  $2 \cdot 9 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 60 \cdot \frac{5}{4} \cdot X = 2 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 10 \cdot 40 \cdot 5 \cdot 9 \cdot \frac{6}{4}$  ober  $2 \cdot 9 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 60 \cdot \frac{5}{4} \cdot X = 40 \cdot 8t \text{ and } 6t \text$ 

Hufgabe 9.

Die Aufgabe ift aus einem Rechenbuche von C. C. Robad. 1833. genommen worben,

und beißt :

36 Arbeiter, die taglich 8 Stunden lang gearbeitet haben, haben einen Graben von 216 Buß Lange, 18 Fuß Breite und 12 Fuß Tiefe in 16 Tagen ju Stande gebracht; wie viele Tage werden 32 Tagelohner brauchen, wenn fie taglich 12 Stunden lang arbeiten und einen Graben berftellen follen, der 192 Fuß lang, 27 Juß breit und 18 Juß fief ift? Uuflofung burch Srn. Dobad.

Co weit herr Nobad. 32.12 216.18.12:36.8.192.27.18=16: X. Wirft man aus ben Gliedern die gemeinschaftlichen Factoren weg: so kommt 2:3=16:X; ober X=24 Tagen.

Stellen wir die Aufgabe in 2 Saben bar: fo heißt fie

1) K = 36 Arbeiter verfertigen B = 18 " breit T = 12 " tief T = 192 " lang L = 216 Fuß lang 1 = 192 " lang k = 32 Arbeiter k=32 Arbeiter in z=X. 12 Stunden " b=27 " breit t=18 " tief.

Auflosung nach ber Proportion K.Z: k.z = L.B.T: 1.b.t36.16.8:32.X.12 = 216.18.12:192.27.18ober 32, 12, 216, 18, 12, X = 36, 16, 8, 192, 27, 18

Um bas Gemeinschaftliche auf beiben Seiten leicht ftreichen ju fonnen, gerlege man ben Factoren nach Potenzen von 2 u. 3: fo fommt



32.4.8.2.4 X = 4.16.8.64. 23.27.9.3 9. 3.27.9
oder X = 24 Tagen.

Aufgabe 10. Es ist ein Kanal gebaut worben, 240000 Schritte lang, 18 Schritte breit und 16 Fuß tief; babei sind 180 Arbeiter 4 1/4 Jahre bei täglich Sstündiger Arbeit, und wochentlich 5 Tage beschäftigt gewesen. Wie lange mußten 200 Mann an einem andern Kanal, 360000 Schritte lang, 21 Schritte breit und 18 guß tief arbeiten, wenn fie wochentlich 6 Tage und taglich 10 Stunben thatig find?

Bier muß angenommen werben, bag in jedem Sate gleich viel Arbeitswochen auf ein Sahr fommen; - hat also das Jahr w Wochen gehabt: fo laffen fich die beiden Gage fo andeuten:

Wenn 12 Mann 15 Tage; 8 Mann 20 Tage und 10 Mann 16 Tage gearbeitet haben, so vollenden sie 1) eine Mauer, welche 100 Fuß lang, 40 Fuß hoch, 3 Fuß did ist und 2) eine andere Mauer, welche 80 Fuß lang, 20 Fuß hoch und 2 Fuß did ist. Unter gleichen Bedingungen arbeiten 30 Mann 10 Tage; 20 Mann 24 Tage; 24 Mann 30 Tage, und vollenden 1) eine Mauer, welche 200 Fuß lang, 60 Fuß hoch und  $2\frac{1}{2}$  Fuß did ist, 2) eine andere Mauer, welche 80 Fuß hoch und 2 Fuß did ist; wie lang wird diese Mauer werden, wenn die beiden westen wit den beiden leitern gleichen gubischen Fuhatt gehabt haben? erften Mauern mit ben beiden lettern gleichen cubifchen Inhatt gehabt haben ?

 $\overline{AB + CD + EF} = 500;$  ab + cd + ef = 1500;

P.Q.R = 
$$100 \cdot 40 \cdot 3 = 12009$$
  $qqr = 200 \cdot 60 \cdot 2\frac{1}{2} = 30000$   
STU =  $80 \cdot 20 \cdot 2 = 3200$  s.t.u = s  $\cdot 80 \cdot 2 = 160$  s

$$PQR + STU = 15200 pqr + stu = 30000 + 160 s$$



Man fete nun ftatt ber Glieber in allgemeinen Beichen bie Bahlenwerthe : fo ift 500:1500=15200:30000+160 s

ober 1: 3 = 1520 : 3000 + 16 s oder  $3000 + 16 \text{ s} = 3.1520^{\circ}$  = 3.1000 s and the day hand his fit all

Die Ueberschrift » Keine verkehrte Regeldetri! « besagt nicht, daß es keine verkehrte giebt, benn wider solche Behauptung streitet die Ausschien unserer Iten Ausgabe, welche aus einem der besten Rechenbucher entlehnt worden ist; sie hegt nur den frommen Wunsch, daß endlich einmal die Artifel über die Regeldetri, gleichviel, ob recht oder verkehrt, in den Rechenbuchern mochten ganglich geftrichen werben. Bereits ift fie auch in vielen Buchern geftrichen worben, unter anbern in folgendem Berte, welches weiter befannt ju werden verdient, und welches fich nach einer febr vortheilhaften Methode für den gegenwartigen Standpunft Bahn gebrochen hat. Es führt den Titel » Neue Rechnungsaufgaben für Stadt; und Lanoschulen. Herausgegeben von E. L. Heß, Baccalaureus und drittem Lehrer an der Stadtschule zu Borna. Leipzig 1829. «

Die Proportion mit einfachen Berhältnissen führt sogleich auf die Proportion mit Verhältznissen, welche sich auf beliebige Weife, nach irgene einer Species zusammen seinen lassen. Das gestatz

tet bie Regeldetri nicht. Gie ift einmal verfruppelt; anerfannt fein 4tes Glied, folglich auch feine

Bleichheit von Berhaltniffen. Ich will es gern eingestehen, daß die tieffinnigen Schlusse »je kurzer, desto weniger Tage, je breiter, besto mehr Tage n., so wie die sammtlichen schonen Regeln eines de Rees, eines Basedow, eines Raphael Levi fur meinen schwachen Verstand viel zu hoch waren, und ware ich benfelben gefolgt, fo murbe es mir nicht beffer gegangen fein, wie dem herrn Profeffor Mei:

nerts, welcher in seiner Arithmethik eine Aufgabe, wie hier die 9te, nach 3 verschiedenen Methoben berechnete, auch jedesmal dasselbe Facit erhielt, aber — nicht das richtige!

Benn wir einige Aufgaben noch zum 2ten Mal in 2 Sagen darstellten: so sollte dieses nur
ein Wink für Lehrer sein; denn es ist ein sicherer Beweis, daß der Schuler die Aufgabe verstanden hat, fo bald er fie fo in 2 Capen zu zergliedern weiß. Dr. Guhr.

Nach einer Mittheilung bes Dber = Commiffair Peterfen in Euneburg ift es fur Brannt= weinbrenner und Liqueurfabricanten von großem Rugen, wenn gu bem Schrote von ben gewohnlichen Fruchtgattungen ein geringer Bufat von Haber, etwa auf 12 himten Baizens, Rodens, ober Gerftenschrot, ein himten haber kommt. Nach ben Erfahrungen, welche man hiersber in

Verbesserung der Liqueur:
Fannover gemacht hat, erhält der Liqueur aus Kartoffel Branntwein dadurch einen weit angenehmeren Geschmack als der aus Korn-Branntz

(Aus bem polytechn. Archiv. Berlin 1840. Nr. 3. C. 24).

## Num if All = 12 . 15 = 18 Berichtigung.

In Dr. 5. S. 35 Sp. 1. 3. 2. lefe man falfden flatt folden. C. 111. 1811 - 11.Q.II

